

# Разбор заданий ОГЭ №23

Учитель математики МАОУ  
«ССОШ№2»  
Королева Е.И.  
2017год.

**2017-18год.**

Баллы	Содержание критерия
2	График построен верно, верно найдены искомые значения параметра
1	График построен верно, но искомые значения параметра найдены неверно или не найдены
0	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше
2	<i>Максимальный балл</i>

23

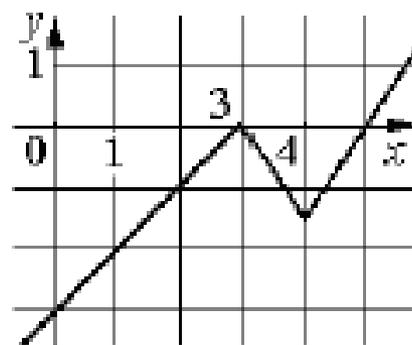
Постройте график функции

$$y = \begin{cases} x - 3 & \text{при } x < 3, \\ -1,5x + 4,5 & \text{при } 3 \leq x \leq 4, \\ 1,5x - 7,5 & \text{при } x > 4. \end{cases}$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

**Решение.**

Построим график функции  $y = x - 3$  при  $x < 3$ , график функции  $y = -1,5x + 4,5$  при  $3 \leq x \leq 4$  и график функции  $y = 1,5x - 7,5$  при  $x > 4$ .



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m = -1,5$  и при  $m = 0$ .

**Ответ:**  $-1,5; 0$ .

23

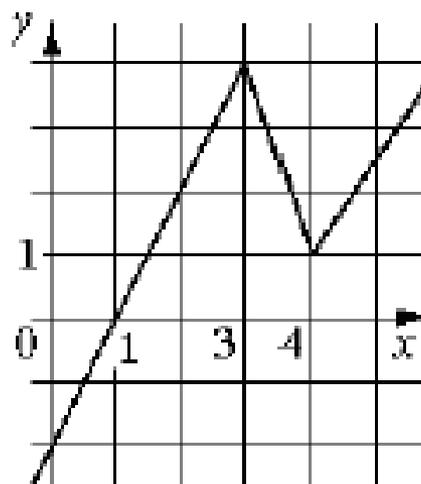
Постройте график функции

$$y = \begin{cases} 2x - 2 & \text{при } x < 3, \\ -3x + 13 & \text{при } 3 \leq x \leq 4, \\ 1,5x - 5 & \text{при } x > 4. \end{cases}$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

**Решение.**

Построим график функции  $y = 2x - 2$  при  $x < 3$ , график функции  $y = -3x + 13$  при  $3 \leq x \leq 4$  и график функции  $y = 1,5x - 5$  при  $x > 4$ .



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m = 1$  и при  $m = 4$ .

**Ответ:** 1; 4.

23

Постройте график функции

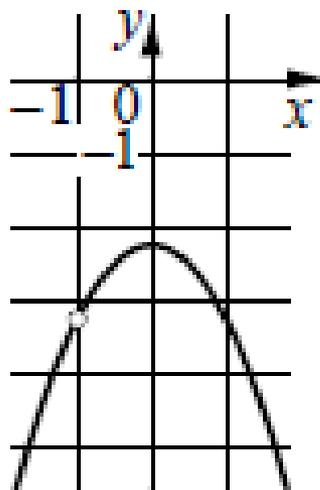
$$y = \frac{(x^2 + 2,25)(x+1)}{-1-x}.$$

Определите, при каких значениях  $k$  прямая  $y = kx$  имеет с графиком ровно одну общую точку.

**Решение.**

Преобразуем выражение:  $\frac{(x^2 + 2,25)(x+1)}{-1-x} = -x^2 - 2,25$  при условии, что  $x \neq -1$ .

Построим график:



Прямая  $y = kx$  имеет с графиком ровно одну общую точку, если она проходит через точку  $(-1; -3,25)$  или если уравнение  $-x^2 - 2,25 = kx$  имеет один корень. Дискриминант уравнения  $x^2 + kx + 2,25 = 0$  равен  $k^2 - 9$ , и он должен быть равен нулю. Получаем, что  $k = 3,25$ ,  $k = -3$  и  $k = 3$ .

Ответ: 3,25; -3; 3.

Баллы	Содержание критерия
2	График построен верно, верно найдены искомые значения параметра
1	График построен верно, но искомые значения параметра найдены неверно или не найдены
0	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше
2	<i>Максимальный балл</i>

23

Постройте график функции

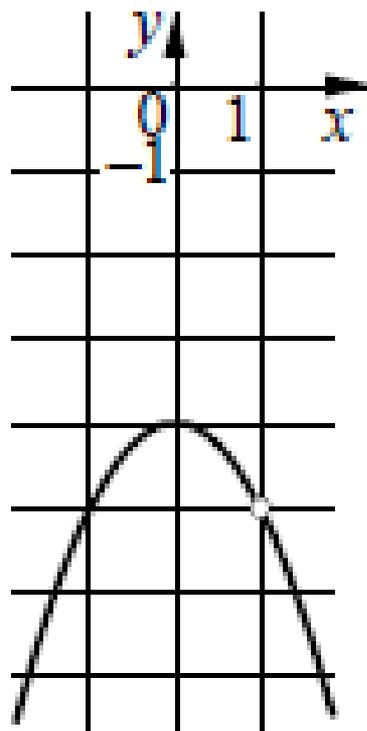
$$y = \frac{(x^2 + 4)(x - 1)}{1 - x}.$$

Определите, при каких значениях  $k$  прямая  $y = kx$  имеет с графиком ровно одну общую точку.

Решение.

Преобразуем выражение:  $\frac{(x^2 + 4)(x - 1)}{1 - x} = -x^2 - 4$  при условии, что  $x \neq 1$ .

Построим график:



Прямая  $y = kx$  имеет с графиком ровно одну общую точку, если она проходит через точку  $(1; -5)$  или если уравнение  $-x^2 - 4 = kx$  имеет один корень. Дискриминант уравнения  $x^2 + kx + 4 = 0$  равен  $k^2 - 16$ , и он должен быть равен нулю. Получаем, что  $k = -5$ ,  $k = -4$  и  $k = 4$ .

Ответ:  $-5; -4; 4$ .

• 2016-17 год.

Постройте график функции

$$y = |x^2 - 4x + 3|.$$

Какое наибольшее число общих точек график данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс?

Решение.

Построим график функции  $y = x^2 - 4x + 3$  при  $x < 1$  и  $x > 3$  и график функции  $y = -x^2 + 4x - 3$  при  $1 \leq x \leq 3$ .

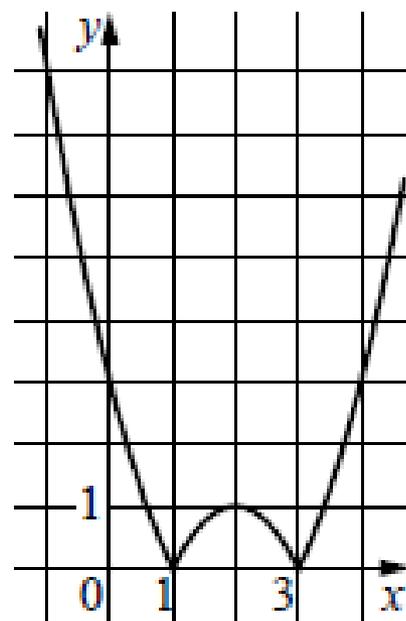


График данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс, 0, 2, 3 или 4 общие точки.

Ответ: 4.

23

Постройте график функции

$$y = |x^2 + 2x - 3|.$$

Какое наибольшее число общих точек график данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс?

Решение.

Построим график функции  $y = x^2 + 2x - 3$  при  $x < -3$  и  $x > 1$  и график функции  $y = -x^2 - 2x + 3$  при  $-3 \leq x \leq 1$ .

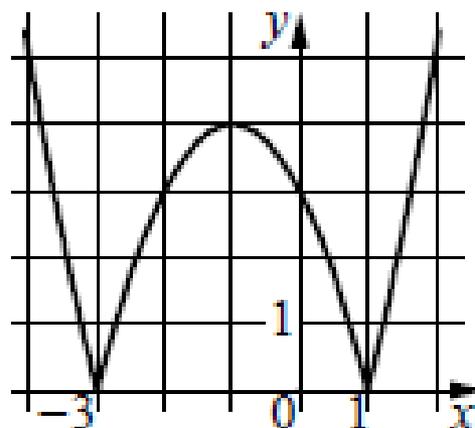


График данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс, 0, 2, 3 или 4 общие точки.

Ответ: 4.

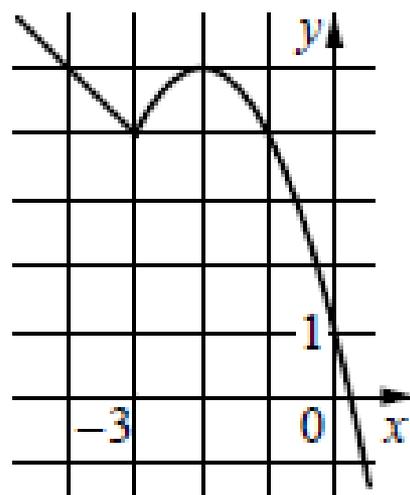
Постройте график функции

$$y = \begin{cases} -x^2 - 4x + 1 & \text{при } x \geq -3, \\ -x + 1 & \text{при } x < -3. \end{cases}$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение.

Построим график функции  $y = -x + 1$  при  $x < -3$  и график функции  $y = -x^2 - 4x + 1$  при  $x \geq -3$ .



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки, если она проходит через вершину параболы или через точку  $(-3; 4)$ . Получаем, что  $m = 4$  или  $m = 5$ .

Ответ: 4; 5.

23

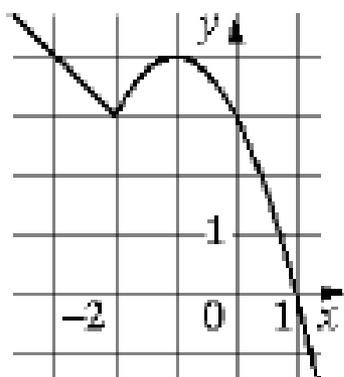
Постройте график функции

$$y = \begin{cases} -x^2 - 2x + 3 & \text{при } x \geq -2, \\ -x + 1 & \text{при } x < -2. \end{cases}$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

**Решение.**

Построим график функции  $y = -x + 1$  при  $x < -2$  и график функции  $y = -x^2 - 2x + 3$  при  $x \geq -2$ .



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки, если она проходит через вершину параболы или через точку  $(-2; 3)$ . Получаем, что  $m = 3$  или  $m = 4$ .

**Ответ:** 3; 4.

Постройте график функции

$$y = \frac{1,5|x| - 1}{|x| - 1,5x^2}.$$

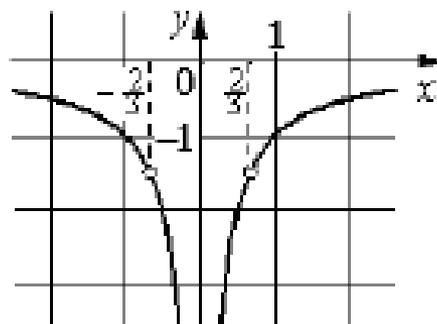
Определите, при каких значениях  $k$  прямая  $y = kx$  не имеет с графиком общих точек.

**Решение.**

Преобразуем выражение:  $\frac{1,5|x| - 1}{|x| - 1,5x^2} = \frac{1,5|x| - 1}{|x|(1 - 1,5|x|)} = -\frac{1}{|x|}$  при условии,

что  $x \neq \frac{2}{3}$  и  $x \neq -\frac{2}{3}$ .

Построим график:



Прямая  $y = kx$  не имеет с графиком ни одной общей точки, если она совпадает с осью  $Ox$  или если она проходит через точку  $\left(-\frac{2}{3}; -\frac{3}{2}\right)$  или через точку  $\left(\frac{2}{3}; -\frac{3}{2}\right)$ . Получаем, что  $k = -2,25$ ,  $k = 0$  и  $k = 2,25$ .

**Ответ.**  $-2,25; 0; 2,25$ .

Постройте график функции

$$y = \frac{|x| - 1}{|x| - x^2}.$$

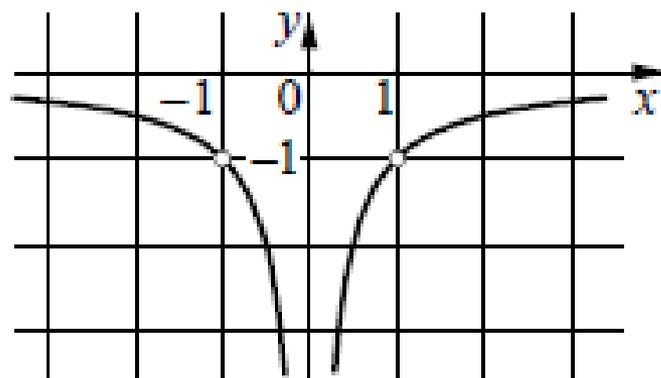
Определите, при каких значениях  $k$  прямая  $y = kx$  не имеет с графиком общих точек.

**Решение.**

Преобразуем выражение:  $\frac{|x| - 1}{|x| - x^2} = \frac{|x| - 1}{|x|(1 - |x|)} = -\frac{1}{|x|}$  при условии, что  $x \neq 1$

и  $x \neq -1$ .

Построим график:



Прямая  $y = kx$  не имеет с графиком ни одной общей точки, если она совпадает с осью  $Ox$  или если она проходит через точку  $(-1; -1)$  или через точку  $(1; -1)$ . Получаем, что  $k = -1$ ,  $k = 0$  и  $k = 1$ .

**Ответ:**  $-1; 0; 1$ .

23

Постройте график функции

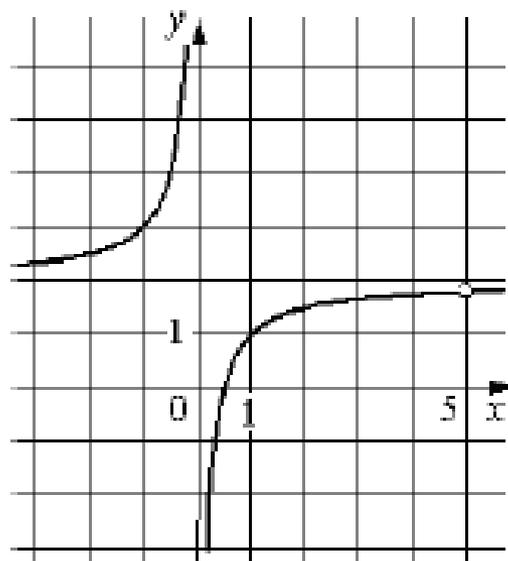
$$y = 2 - \frac{x-5}{x^2-5x}.$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  не имеет с графиком общих точек.

Решение.

Преобразуем выражение:  $2 - \frac{x-5}{x^2-5x} = 2 - \frac{1}{x}$  при условии, что  $x \neq 5$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  не имеет с графиком ни одной общей точки при  $m = 2$  и  $m = \frac{9}{5}$ .

Ответ:  $2; \frac{9}{5}$ .

Постройте график функции

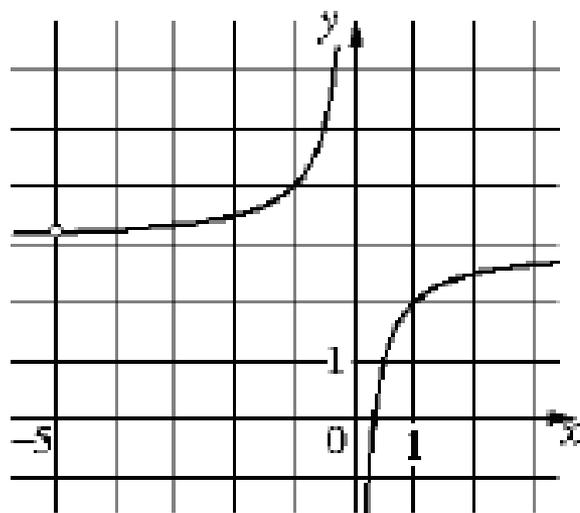
$$y = 3 - \frac{x+5}{x^2+5x}.$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  не имеет с графиком общих точек.

**Решение.**

Преобразуем выражение:  $3 - \frac{x+5}{x^2+5x} = 3 - \frac{1}{x}$  при условии, что  $x \neq -5$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  не имеет с графиком ни одной общей точки при  $m = 3$  и  $m = \frac{16}{5}$ .

**Ответ:**  $3; \frac{16}{5}$ .

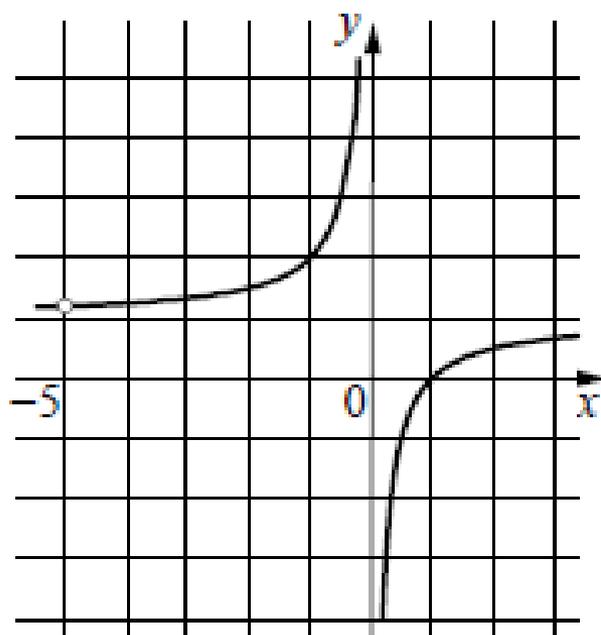
• 2015-16 год.

Постройте график функции  $y = 1 - \frac{x+5}{x^2+5x}$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  не имеет с графиком ни одной общей точки.

**Решение.**

Преобразуем выражение:  $1 - \frac{x+5}{x^2+5x} = 1 - \frac{1}{x}$  при условии, что  $x \neq -5$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  не имеет с графиком ни одной общей точки при  $m = 1$  и  $m = \frac{6}{5}$ .

**Ответ:**  $1; \frac{6}{5}$ .

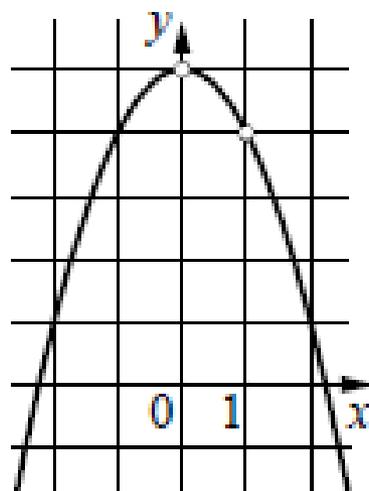
23

Постройте график функции  $y = 5 - \frac{x^4 - x^3}{x^2 - x}$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

**Решение.**

Преобразуем выражение:  $5 - \frac{x^4 - x^3}{x^2 - x} = 5 - x^2$  при условии, что  $x \neq 1$  и  $x \neq 0$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m < 4$  и при  $4 < m < 5$ .

**Ответ:**  $(-\infty; 4); (4; 5)$ .

• 2014-15 год.

Постройте график функции  $y = \frac{(x+1)(x^2 + 7x + 10)}{x+2}$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно одну общую точку.

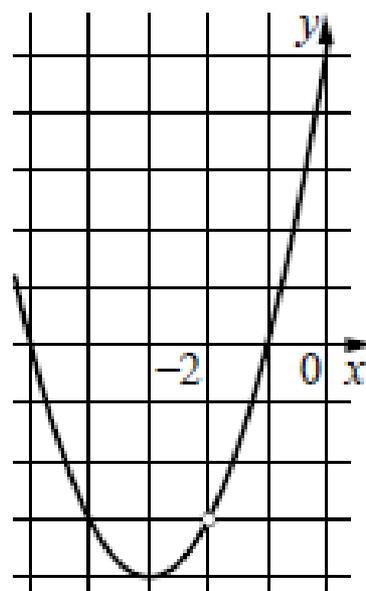
**Решение**

Преобразуем выражение:

$$\frac{(x+1)(x^2 + 7x + 10)}{x+2} = \frac{(x+1)(x+2)(x+5)}{x+2} = x^2 + 6x + 5 \text{ при условии, что}$$

$x \neq -2$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно одну общую точку при  $m = -4$  и при  $m = -3$ .

**Ответ:**  $-4; -3$ .

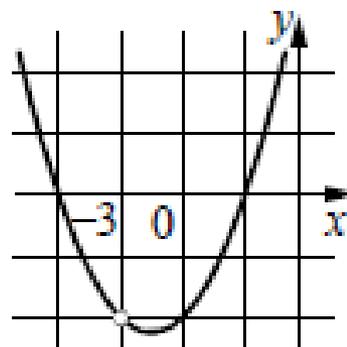
Постройте график функции  $y = \frac{(x+1)(x^2 + 7x + 12)}{x+3}$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно одну общую точку.

**Решение**

Преобразуем выражение:

$$\frac{(x+1)(x^2 + 7x + 12)}{x+3} = \frac{(x+1)(x+3)(x+4)}{x+3} = x^2 + 5x + 4 \text{ при условии, что } x \neq -3.$$

Построим график:



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно одну общую точку при  $m = -2,25$  и при  $m = -2$ .

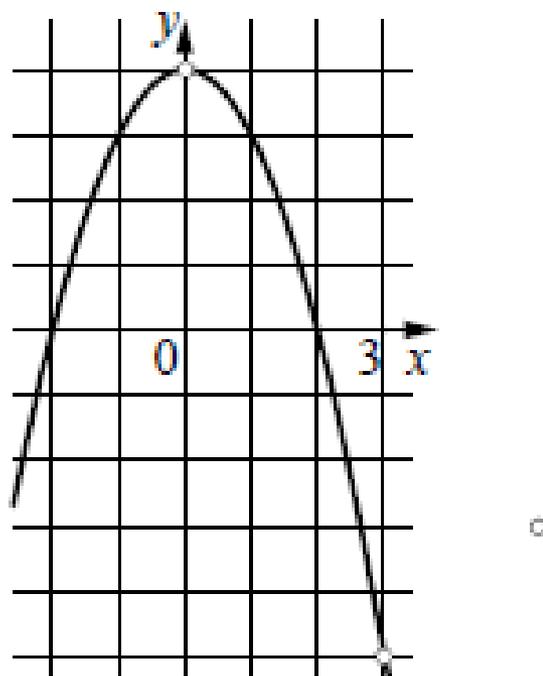
Ответ:  $-2,25$ ;  $-2$ .

Постройте график функции  $y = 4 - \frac{x^4 - 3x^3}{x^2 - 3x}$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение.

Преобразуем выражение:  $4 - \frac{x^4 - 3x^3}{x^2 - 3x} = 4 - x^2$  при условии, что  $x \neq 3$  и  $x \neq 0$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m < -5$  и при  $-5 < m < 4$ .

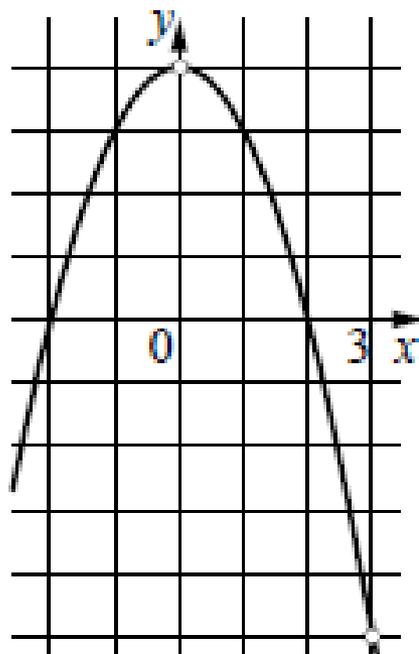
Ответ:  $(-\infty; -5); (-5; 4)$

Постройте график функции  $y = 4 - \frac{x^4 - 3x^3}{x^2 - 3x}$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение.

Преобразуем выражение:  $4 - \frac{x^4 - 3x^3}{x^2 - 3x} = 4 - x^2$  при условии, что  $x \neq 3$  и  $x \neq 0$ .

Построим график:



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m < -5$  и при  $-5 < m < 4$ .

Ответ:  $(-\infty; -5); (-5; 4)$ .

• 2013-14 год.

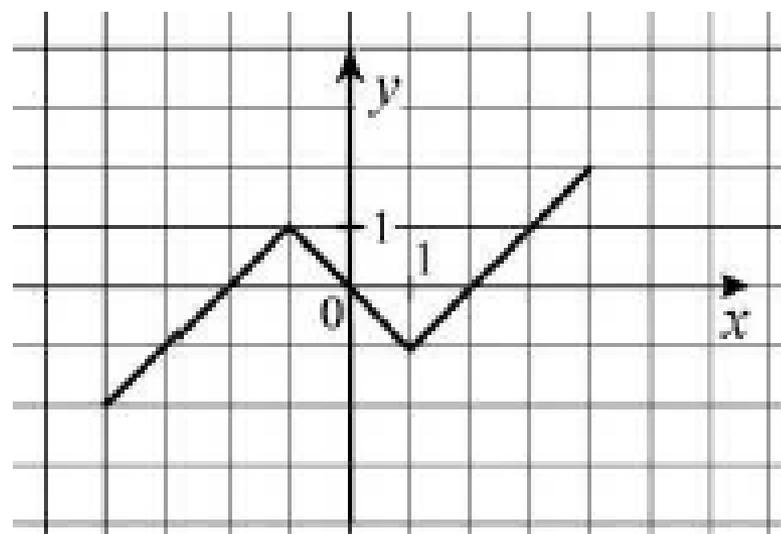
23

Постройте график функции  $y = |x-1| - |x+1| + x$  и найдите все значения  $k$ , при которых прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку.

Решение.

Раскрывая модули, получаем, что при  $x \geq 1$  функция принимает вид  $y = x - 2$ , при  $-1 < x < 1$  функция принимает вид  $y = -x$ , а при  $x \leq -1$  функция принимает вид  $y = x + 2$ .

График изображён на рисунке.



Прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку при  $k \in (-\infty; -1) \cup [1; +\infty)$ .

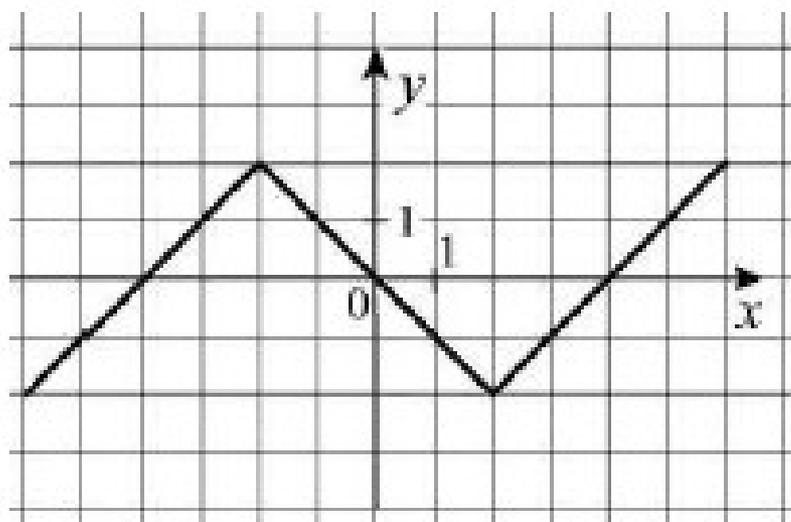
Ответ:  $k \in (-\infty; -1) \cup [1; +\infty)$ .

Постройте график функции  $y = |x - 2| - |x + 2| + x$  и найдите все значения  $k$ , при которых прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку.

Решение

Раскрывая модули, получаем, что при  $x \geq 2$  функция принимает вид  $y = x - 4$ , при  $-2 < x < 2$  функция принимает вид  $y = -x$ , а при  $x \leq -2$  функция принимает вид  $y = x + 4$ .

График изображён на рисунке.



Прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку при  $k \in (-\infty; -1) \cup [1; +\infty)$ .

Ответ:  $k \in (-\infty; -1) \cup [1; +\infty)$ .

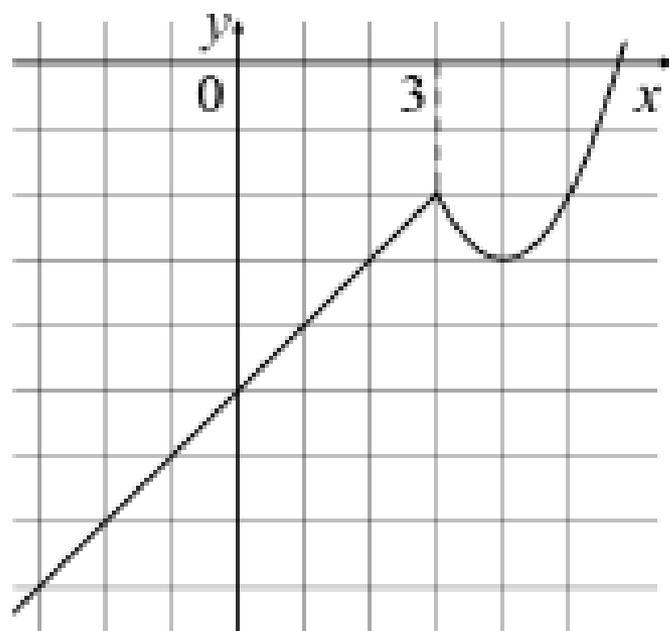
Постройте график функции

$$y = \begin{cases} x^2 - 8x + 13, & \text{если } x \geq 3, \\ x - 5, & \text{если } x < 3, \end{cases}$$

и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение.

Построим график функции  $y = x - 5$  при  $x < 3$  и график функции  $y = x^2 - 8x + 13$  при  $x \geq 3$ .



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m = -3$  и  $m = -2$ .

Ответ:  $-3; -2$ .

23

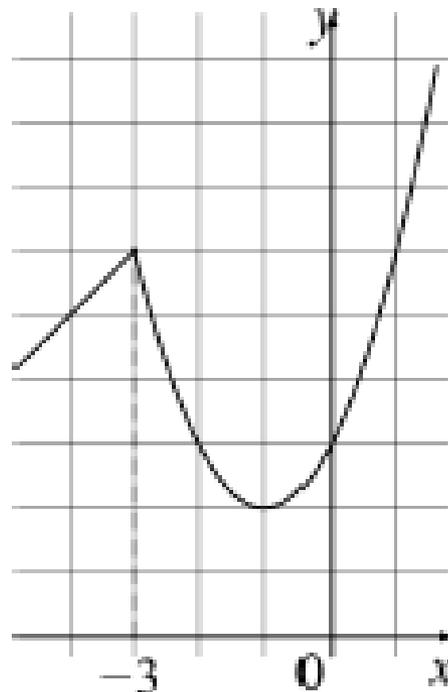
Постройте график функции

$$y = \begin{cases} x^2 + 2x + 3, & \text{если } x \geq -3, \\ x + 9, & \text{если } x < -3, \end{cases}$$

и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение.

Построим график функции  $y = x + 9$  при  $x < -3$  и график функции  $y = x^2 + 2x + 3$  при  $x \geq -3$ .



Прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $m = 2$  и  $m = 6$ .

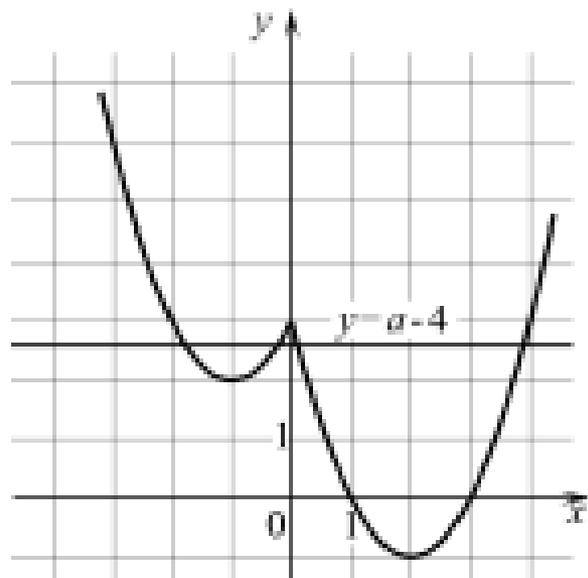
Ответ: 2; 6.

23

Постройте график функции  $y = x^2 - x + 3 - 3|x|$  и найдите все значения  $a$ , при которых он имеет ровно три общие точки с прямой  $y = a - 4$ .

Решение.

Построим график функции  $y = x^2 + 2x + 3$  при  $x < 0$  и график функции  $y = x^2 - 4x + 3$  при  $x \geq 0$ .



Прямая  $y = a - 4$  имеет с построенным графиком ровно три общие точки при  $a = 6$  и  $a = 7$ .

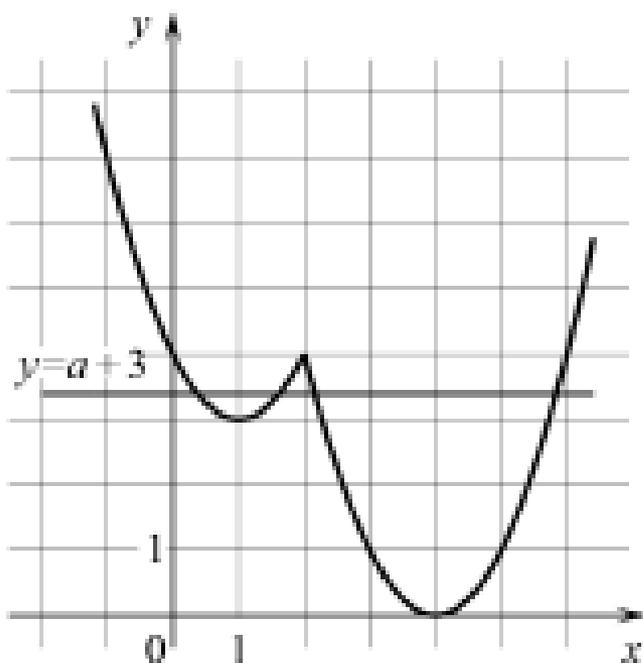
Ответ: 6; 7.

23

Постройте график функции  $y = x^2 - 5x + 10 - 3|x - 2|$  и найдите все значения  $a$ , при которых он имеет ровно три общие точки с прямой  $y = a + 3$ .

Решение.

Построим график функции  $y = x^2 - 2x + 4$  при  $x < 2$  и график функции  $y = x^2 - 8x + 16$  при  $x \geq 2$ .



Прямая  $y = a + 3$  имеет с построенным графиком ровно три общие точки при  $a = 0$  и  $a = 1$ .

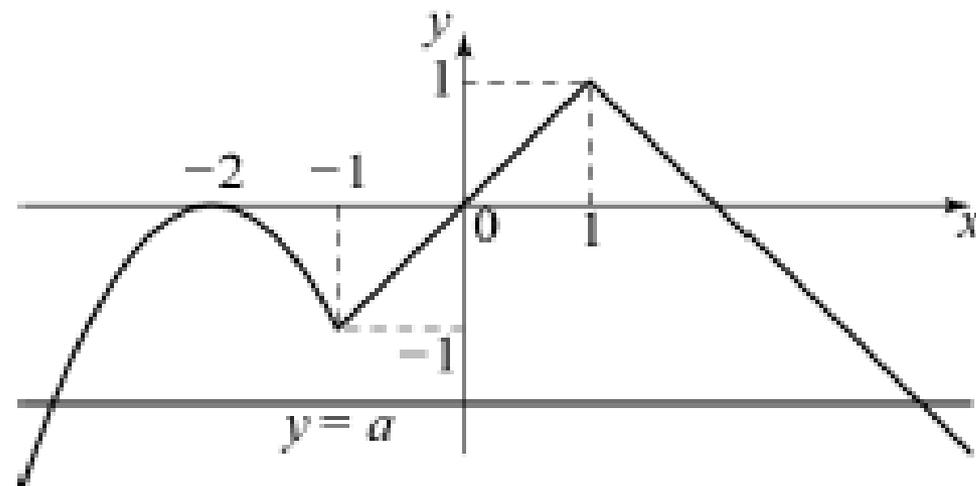
Ответ: 0; 1.

Постройте график функции  $y = \begin{cases} -x^2 - 4x - 4, & \text{если } x < -1, \\ 1 - |x - 1|, & \text{если } x \geq -1, \end{cases}$

и найдите, при каких значениях параметра  $a$  он имеет ровно две общие точки с прямой  $y = a$ .

Решение.

Построим график функции  $y = -x^2 - 4x - 4$  на промежутке  $(-\infty; -1)$ , график функции  $y = x$  на промежутке  $[-1; 1]$  и график функции  $y = 2 - x$  на промежутке  $(1; +\infty)$ .



Прямая  $y = a$  имеет с построенным графиком ровно две общие точки при  $a < -1$  и при  $0 < a < 1$ .

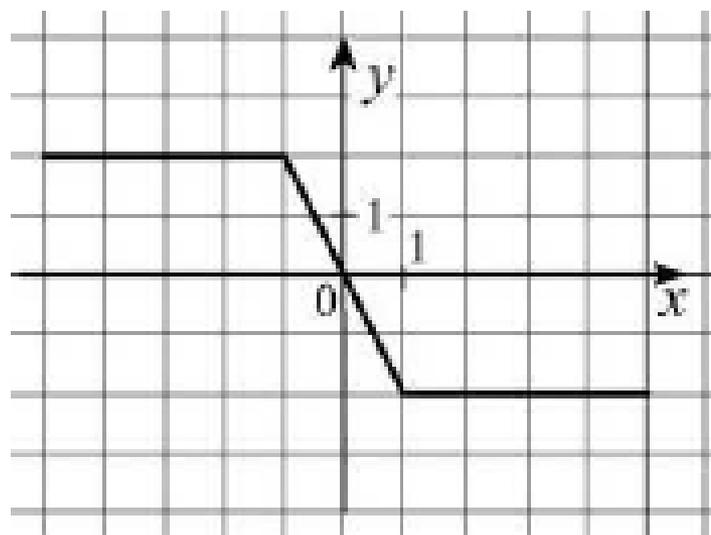
23

Постройте график функции  $y = |x-1| - |x+1|$  и найдите все значения  $k$ , при которых прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку.

Решение.

Раскрывая модули, получаем, что при  $x \geq 1$  функция принимает вид  $y = -2$ , при  $-1 < x < 1$  функция принимает вид  $y = -2x$ , а при  $x \leq -1$  функция принимает вид  $y = 2$ .

График изображён на рисунке.



Прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку при  $k \in (-\infty; -2) \cup [0; +\infty)$ .

Ответ:  $k \in (-\infty; -2) \cup [0; +\infty)$ .

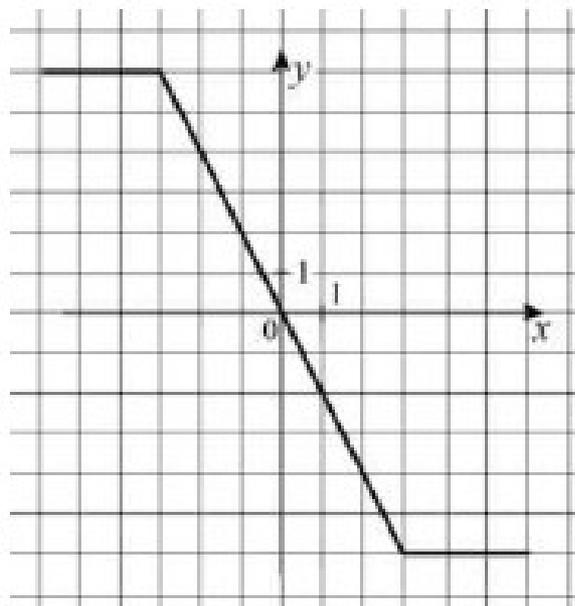
13

Постройте график функции  $y = |x - 3| - |x + 3|$  и найдите все значения  $k$ , при которых прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку.

Решение.

Раскрывая модули, получаем, что при  $x \geq 3$  функция принимает вид  $y = -6$ , при  $-3 < x < 3$  функция принимает вид  $y = -2x$ , а при  $x \leq -3$  функция принимает вид  $y = 6$ .

График изображён на рисунке.



Прямая  $y = kx$  имеет с графиком данной функции ровно одну общую точку при  $k \in (-\infty; -2) \cup [0; +\infty)$ .

Ответ:  $k \in (-\infty; -2) \cup [0; +\infty)$ .

**Сравнительная  
характеристика и  
методические  
рекомендации по решению  
задач ОГЭ по математике**

**(материал с курсов по подготовке экспертов по  
проверке ОГЭ)**

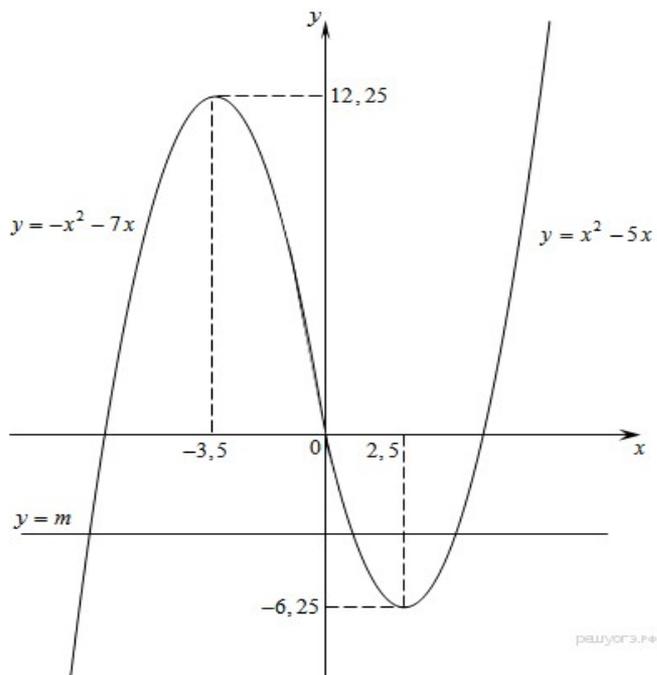
**ЧАСТЬ 2. МОДУЛЬ «АЛГЕБРА»**  
**ЗАДАНИЯ ПОВЫШЕННОГО УРОВНЯ СЛОЖНОСТИ (№21, №22)**  
**ЗАДАНИЕ ВЫСОКОГО УРОВНЯ СЛОЖНОСТИ (№23)**

Номер задания	Предполагаемый процент выполнения	Процент выполнения	26	16	06	Теоретическая основа
№21	30-50	17,6	17,6	1,5	80,9	7кл., 9кл.
№22	15-30	14,7	14,7	2,7	82,6	5кл., 7кл., 8кл.
№23	3-15	4,4	4,4	2,8	92,8	7кл., 9кл.

## Задание 23 (огэ-2014)

Постройте график функции  $y = |x|(x+1) - 6x$  и определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y=m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение:



$$y = \begin{cases} -x^2 - 7x, & \text{при } x < 0, \\ x^2 - 5x, & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$$

Из графика видно, что прямая  $y = m$  имеет с графиком функции ровно две общие точки при  $m = -6,25$  и  $m = 12,25$ .

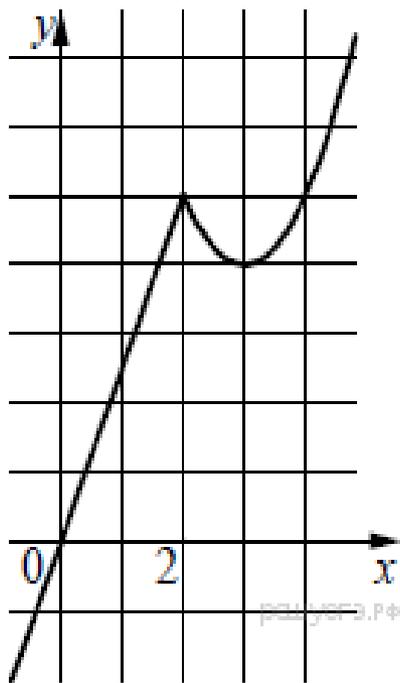
Ответ:  $-6,25; 12,25$ .

# ОГЭ-2014

Постройте график функции  $y = \begin{cases} x^2 - 6x + 13, & \text{если } x \geq 2, \\ 2,5x, & \text{если } x < 2, \end{cases}$  и определите,

при каких значениях  $t$  прямая  $y = t$  имеет с графиком ровно две общие точки.

Решение:



Построим график функции  $y = 2,5x$  при  $x < 2$  и график функции  $y = x^2 - 6x + 13$  при  $x \geq 2$ .

Прямая  $y = t$  имеет с графиком ровно две общие точки при  $t = 4$  и при  $t = 5$ .

Ответ: 4; 5.

# ОГЭ-2015

Постройте график функции  $y = |x^2 + 4x - 5|$ . Какое наибольшее число общих точек график данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс?

Решение:

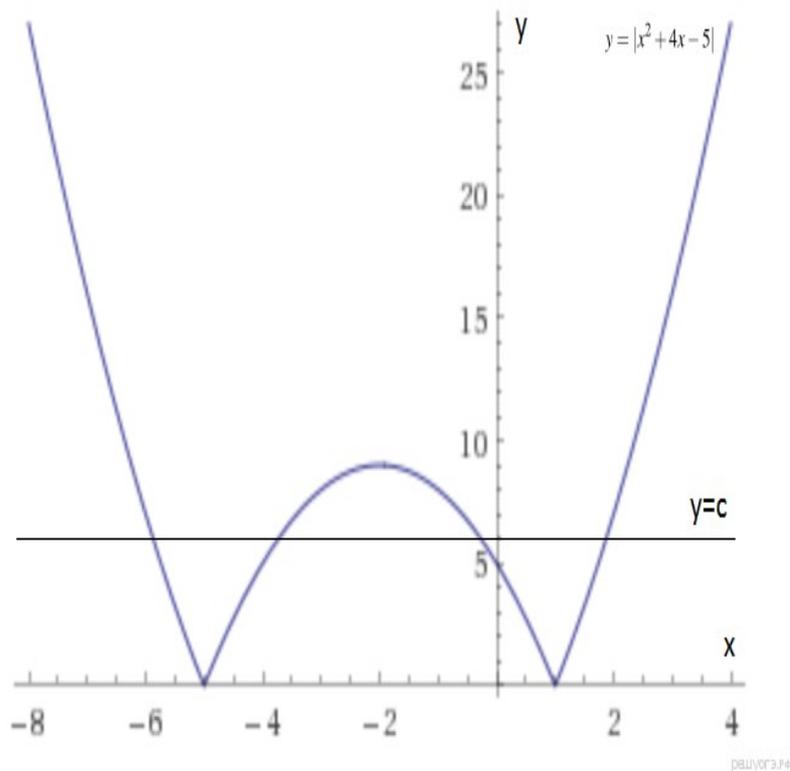


График данной функции — это график параболы  $y = x^2 + 4x - 5$ , отрицательная часть которого отражена относительно оси  $OX$ .

Этот график изображён на рисунке. Прямая, параллельная оси абсцисс задаётся формулой  $y=c$ , где  $c$  — постоянная.

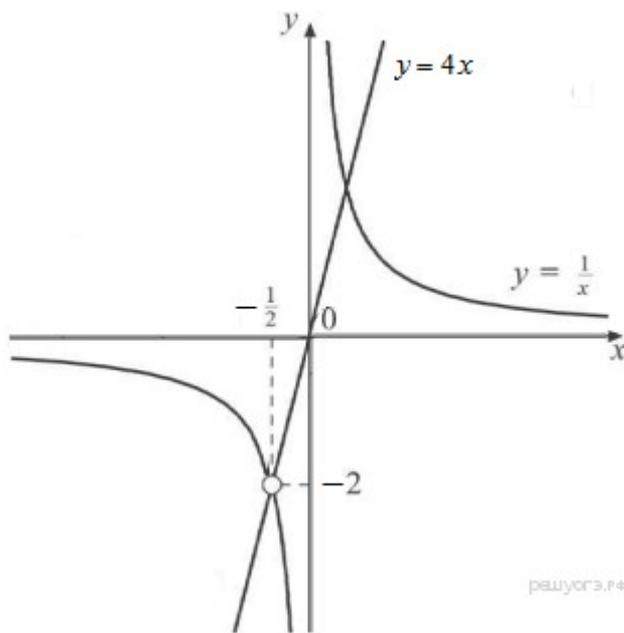
Из графика видно, что прямая  $y=c$  может иметь с графиком функции не более четырёх общих точек.

Ответ: 4.

# ОГЭ-2015

Постройте график функции  $y = \frac{2x+1}{2x^2+x}$  и определите, при каких значениях  $k$  прямая  $y=kx$  имеет с графиком ровно одну общую точку.

Решение:



$$\frac{2x+1}{2x^2+x} = \frac{2x+1}{x(2x+1)} = \frac{1}{x}, \quad x \neq -0,5$$
$$y = \frac{1}{x}$$

Поэтому график заданной функции представляет собой гиперболу, с выколотой точкой  $(-0,5; -2)$ .

Прямая  $y=kx$  будет иметь с графиком одну общую точку, если пройдёт через выколотую точку.

Тогда  $k = \frac{-2}{-0,5} = 4$ , и  $y = 4x$ .

уравнение прямой примет вид:

Ответ: 4

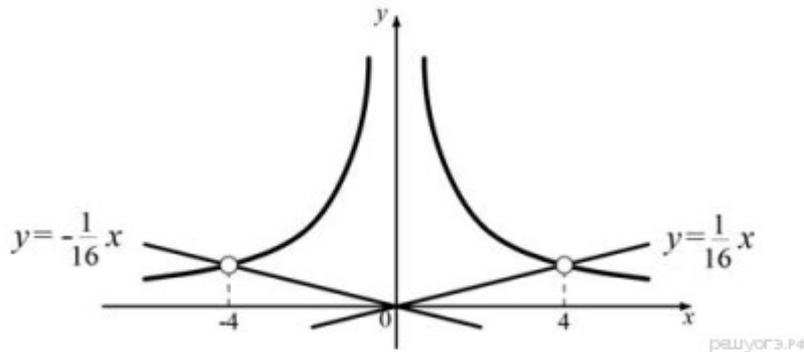
# ОГЭ-2016

Постройте график функции  $y = \frac{|x| - 4}{x^2 - 4|x|}$  и определите, при каких

значениях  $k$  прямая  $y=kx$  не будет иметь с построенным графиком ни одной общей точки.

Решение:  $\frac{|x| - 4}{x^2 - 4|x|} = \frac{|x| - 4}{|x|(|x| - 4)} = \frac{1}{|x|} \quad |x| \neq 4$

$$y = \begin{cases} \frac{1}{|x|}, & \text{если } x \neq \pm 4, \\ \text{не определена} & \text{при } x = -4 \text{ или } x = 4. \end{cases}$$



На рисунке видно, что прямая  $y=kx$  не имеет с построенным графиком общих точек, если она горизонтальна, либо проходит через одну из удаленных точек  $(4; \frac{1}{4})$  или  $(-4; \frac{1}{4})$ .

Этим случаям соответствуют

значения  $k = 0, k = -\frac{1}{16}$

и  $k = \frac{1}{16}$ .

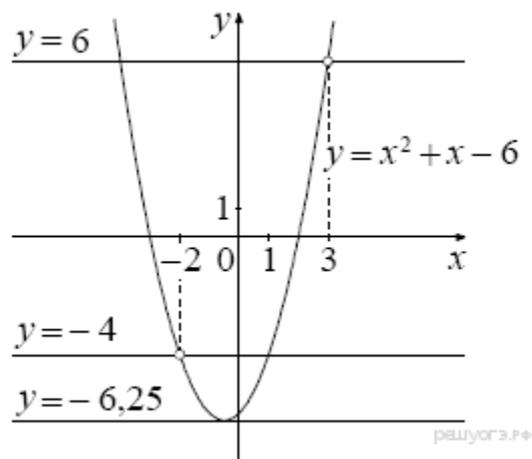
Ответ:  $0, -\frac{1}{16}, \frac{1}{16}$ .

**Комментарий к заданию 23:** основным условием положительной оценки за решение задания является верное построение графика. Верное построение графика включает в себя: масштаб, содержательная таблица значений или объяснение построения, **выколота точка обозначена в соответствии с ее координатами.**

# Демонстрационный вариант 2017

Постройте график функции  $y = \frac{x^4 - 13x^2 + 36}{(x-3)(x+2)}$  и определите, при каких значениях параметра прямая  $y=c$  имеет с графиком ровно одну общую точку

Решение:



$$x^4 - 13x^2 + 36 = (x^2 - 4)(x^2 - 9) = (x-2)(x+2)(x-3)(x+3).$$

$$x \neq -2 \quad x \neq 3$$

$$y = (x-2)(x+3)$$

$$y = x^2 + x - 6$$

График — парабола с выколотыми точками  $(-2; -4)$  и  $(3; 6)$

Прямая  $y=c$  имеет с графиком ровно одну общую точку либо тогда, когда проходит через вершину параболы, либо тогда, когда пересекает параболу в двух точках, одна из которых — выколотая.  $(-0,5; -6,25)$

Вершина параболы имеет координаты

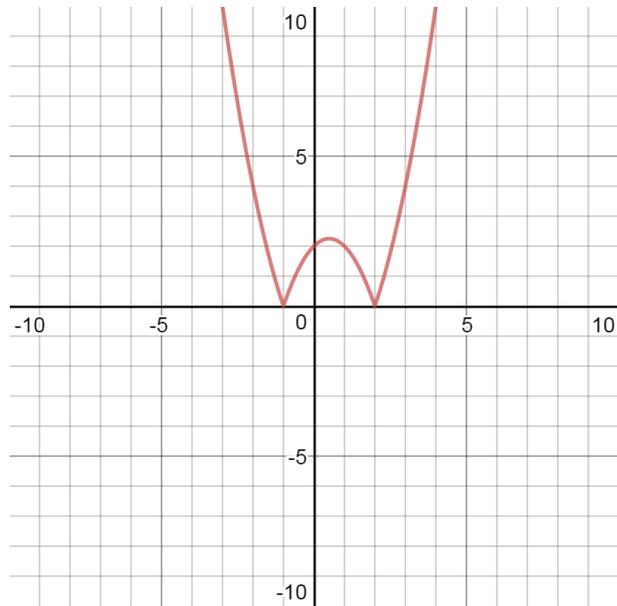
Поэтому  $c=-6,25$ ,  $c=-4$  или  $c=6$ .

Ответ:  $c=-6,25$ ,  $c=-4$  или  $c=6$ .

# ОГЭ- 2017

Постройте график функции  $y = |x^2 - x - 2|$ . Какое наибольшее число общих точек график данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс?

Решение:



1 способ:

$$y = \begin{cases} x^2 - x - 2, & \text{при } x < -1 \text{ и } x > 2 \\ -x^2 + x + 2, & \text{при } -1 \leq x \leq 2. \end{cases}$$

2 способ:

- 1) Построим параболу  $y = x^2 - x - 2$
- 2) Часть графика, расположенную ниже оси  $Ox$ , симметрично отразить относительно этой оси, остальную его часть оставить без изменения.

График данной функции может иметь с прямой, параллельной оси абсцисс, 0, 2, 3 или 4 общие точки.

Ответ: 4.