

ИТОГОВАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА

Задача 1. Найти матрицу, обратную матрице $\begin{pmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 5 & 1 \end{pmatrix}$.

Решение: Для вычисления обратной матрицы запишем матрицу, дописав к ней справа единичную матрицу:

$$\left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & -3 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 5 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right)$$

К 1 строке добавляем 2 строку, умноженную на 3;
от 3 строки отнимаем 2 строку, умноженную на 5:

$$\left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -5 & 1 \end{array} \right)$$

Ответ:

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & -5 & 1 \end{pmatrix}$$

Задача 2. Решить СЛАУ $\begin{cases} x+2y-z=3, \\ 3x-y+z=2, \\ 2x-3y+2z=-1. \end{cases}$

Ответ:

$$\{x + 2y - z = 3 \quad (1)$$

$$\{3x - y + z = 2 \quad (2)$$

$$\{2x - 3y + z = -1 \quad (3)$$

прибавим (1) и (2), получим $4x + y = 5$

прибавим (1) и (3), получим $3x - y = 2$

$$7x = 7$$

$$x = 1$$

$$4 \cdot 1 + y = 5$$

$$y = 5 - 4$$

$$y = 1$$

подставим в (1)

$$1 + 2 - z = 3$$

$$z = 0$$

Ответ (1 ; 1; 0)

Задача 3. Вероятность того, что в результате проверки изделию будет присвоен «Знак высшего качества», равна 0,2. На контроль поступило 9 изделий. Какова вероятность того, что знак высшего качества будет присвоен:

- а) ровно 6-ти изделиям;
- б) более чем 7-ми изделиям;
- в) хотя бы одному изделию;
- г) указать наименее вероятное число изделий, получивших знак высшего качества, и найти соответствующую ему вероятность.

Решение.

Вероятность того, что изделию не будет присвоен знак «изделие высшего качества» равна **$q=1-p=1-0.2=0.8$**

$$\text{а) } P_9(6) = \frac{9!}{6!(9-6)!} \cdot p^6 \cdot q^{9-6} = \frac{7 \cdot 8 \cdot 9}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot 0,000064 \cdot 0,512 = 0,0028$$

$$\text{б) } P_9(m > 7) = P_9(8 \text{ или } 9) = P_9(8) + P_9(9) = \frac{9!}{8! \cdot 1!} \cdot p^8 \cdot q^1 + \frac{9!}{9! \cdot 0!} \cdot p^9 \cdot q^0 = 9 \cdot 0,2^8 \cdot 0,8 + 1 \cdot 0,2^9 \cdot 1 = 0,000019$$

В) событие G – изделию присвоен знак «изделие высшего качества»;

событие \bar{G} – ни одному изделию не будет присвоен знак «изделие высшего качества»

$$P(G)=1-P(\bar{G})=1-P_9=1-\frac{9!}{0!9!} \cdot p^0 \cdot q^9=1-0,13=0,87$$

$$\Gamma) 9 \cdot 0,2 - 0,8 \leq k_0 \leq 9 \cdot 0,2 + 0,29 \cdot 0,2 - 0,8 \leq k_0 \leq 9 \cdot 0,2 + 0,2$$

$$1 \leq k_0 \leq 21 \leq k_0 \leq 2$$

Наивероятнейшее количество изделий у нас получилось 1 или 2, значит их вероятности равны. Найдем $P_9(1)=P_9(2)$

$$P_9(1)=P_9(2)=\frac{9!}{2!7!} \cdot p^2 \cdot q^7 = \frac{8 \cdot 9}{1 \cdot 2} \cdot 0,04 \cdot 0,21 = 0,302$$