

# Малинин Евгений Иванович, гр. ЗРЭд-117, вариант 3

## Задачи №№4.3, 4.7, 4.9, 5.3

### Задача №4.3

Уравнение плоской волны имеет вид  $y=0,34 \times \cos(0,2t-0,4x)$ , где  $y$  - смещение частиц среды и все числовые значения заданы в системе СИ. Записать числовые значения частоты и периода колебаний, волнового числа, фазовой скорости и длины волны, а также максимальное значение смещения.

$$(V=0,5 \text{ м/с}, l=15,7 \text{ м}).$$

Дано:	Решение:
$y=0.34\cos(0.2t-0.4x)$	Уравнение плоской волны в общем виде: $y=A\cos(\omega t-kx+\alpha)$
Найти: v=? T=? k=? v=? λ=? A=?	$\omega=0.2 \text{ рад/с}$ $A=0.34 \text{ м}$ $k=0.4 \text{ м}^{-1}$ $T = 2\pi/\omega = 2 \cdot 3.14 / 0.2 = 31.4 \text{ с}$ $v = 1/T = 1/31.4 = 0.032 \text{ Гц}$ $\lambda = 1/k = 1/0.4 = 2.5 \text{ м}$ $v = \omega/k = 0.2/0.4 = 0.5 \text{ м/с}$

### Задача №4.7

Колебательный контур состоит из конденсатора ёмкостью  $C=7 \text{ мкФ}$  и катушки индуктивности  $L=0,23 \text{ Гн}$  и сопротивлением  $R=40 \text{ Ом}$ . Конденсатор заряжен количеством электричества  $Q=5,6 \times 10^{-4} \text{ Кл}$ . Найти:

- а) период колебаний контура;
- б) логарифмический декремент затухания колебаний;
- в) написать уравнение зависимости изменения разности потенциалов на обкладках конденсатора от времени.

$$(T=8 \cdot 10^3 \text{ с}; \lambda = 0,7; U=80 \exp(-87t) \times \cos(250pt))$$

Дано:	Решение:
$C=7 \text{ мкФ}$ $L=0,23 \text{ Гн}$ $R=40 \text{ Ом}$ $Q=5,6 \times 10^{-4} \text{ Кл}$	a) $T=2\pi/\sqrt{\omega^2-\delta^2}$ $\omega=1/\sqrt{LC}=1/\sqrt{(0.23 \cdot 7 \cdot 10^{-6})}=788.1 \text{ рад/с}$ $\delta=R/2L=40/2 \cdot 0.23=87 \text{ с}^{-1}$ , тогда $T=2 \cdot 3.14 / \sqrt{(788.1^2 - 87^2)} = 8 \cdot 10^{-3} \text{ с}$
Найти: а) $T=?$ б) $\lambda=?$ в) $U=?$	б) $\lambda=\delta*T=87*8*10^{-3}=0.7$ в) $U=U_0 * e^{-\delta t} * \cos(\omega t)$ $U_0=Q/C=5.6 \cdot 10^{-4} / 7 \cdot 10^{-6}=80 \text{ В}$ $U=80 * e^{-87t} * \cos(788.1t)=80 * e^{-87t} * \cos(250\pi t)$

### Задача №4.9

Цепь переменного тока образована последовательно включенными активным сопротивлением  $R=800$  Ом, индуктивностью  $L=1,27$  Гн и ёмкостью  $C=1,59$  мкФ. На зажимы подано 50-периодное действующее напряжение  $U=127$  В. Найти:

- действующее значение силы тока  $I$  в цепи;
- сдвиг по фазе между током и напряжением;
- действующее значение напряжений  $U_R$ ,  $U_L$  и  $U_C$  на зажимах каждого из элементов цепи.

(71 mA; -63°; 57 В, 28 В, 142 В).

Дано:	Решение:
$C=1.59\text{мкФ}$ $L=1.27\text{Гн}$ $R=800$ Ом $U=127$ В $v=50$	a) $I_d=U/Z$ $Z=\sqrt{(R^2+(X_L-X_C)^2)}$ $X_L=\omega L=314*1.27=399$ Ом $X_C=1/\omega C=1/314*1.59*10^{-6}=2000$ Ом, где $\omega=2\pi v=2*3.14*50=314$ Тогда $Z=\sqrt{(800^2+(399-2000)^2)}=1790$ Ом $I_d=127/1790=71\text{mA}$
Найти:	
a) $I_d=?$ б) $\varphi=?$ в) $U_R$ , $U_L$ , $U_C$	б) $\varphi=\arctg((X_L-X_C)/R)=\arctg((399-2000)/800)=-63^\circ$ в) $U_R=I_d/R=71*10^{-3}/800=57\text{В}$ $U_L=I_d*X_L=71*10^{-3}*399=28\text{В}$ $U_C=I_d*X_C=71*10^{-3}*2000=142\text{В}$

### Задача №5.3

На дифракционную решетку нормально падает пучок света. Красная линия ( $\lambda=630$  нм) видна в спектре 3-го порядка под углом  $j=60^\circ$ . Определить:

- какая спектральная линия видна под этим же углом в спектре 4-го порядка;
- какое число штрихов на 1 мм длины имеет дифракционная решетка.

( $\lambda=475$  нм,  $N=460$  мм $^{-1}$ ).

Дано:	Решение:
$\lambda_1=630\text{нм}$ $\varphi=60^\circ$ $l=1\text{мм}$	а) Из условия главных максимумов дифракционной решетки: $ds\sin\varphi=k\lambda$
Найти:	
а) $\lambda_2=?$ б) $N=?$	ds $\sin\varphi=k_1\lambda_1$ ds $\sin\varphi=k_2\lambda_2$ $k_1\lambda_1=k_2\lambda_2$ $\lambda_2=k_1\lambda_1/k_2=472.5\text{м}$  б) $N=1/d$ , $d=1/N$ $1*\sin\varphi/N=k\lambda$ , $N=\sin\varphi/k\lambda=460\text{мм}^{-1}$