#### Содержание:

## Введение

Курсовая работа по предмету «Моделирование систем» должна решить следующее задание:

«Самолеты прибывают для посадки в район аэропорта каждые 5±2 минуты. Если взлетно-посадочная полоса свободна, прибывший самолет получает разрешение на посадку. Если взлетно-посадочная полоса занята, самолет выполняет полет по кругу и возвращается в аэропорт через 4 мин. Если после пятого круга он не получает разрешения на посадку, то отправляется на запасной аэродром. В аэропорту каждые 10±2 мин к взлетно-посадочной полосе выруливают готовые к взлету самолеты и получают разрешение на взлет, если полоса свободна. Время взлета и время посадки (нахождение на полосе) составляют каждое 2 мин. Если при свободной полосе одновременно один самолет прибывает для посадки, а другая – для взлета, полоса предоставляется взлетающему самолету. Необходимо смоделировать работу аэропорта в течение суток и определить число взлетевших самолетов, число самолетов, совершивших посадку число самолетов, ушедших на запасной аэродром коэффициент загрузки взлетно-посадочной полосы».

Такие задачи очень часто встречаются в реальной жизни и имеют очень важное значение для улучшения работы различных объектов для массового обслуживания, оптимизации бизнес-процессов и снижения затрат. Такие задачи решают с помощью моделирования процесса, то есть имитационного моделирования. Аэропорт можно отнести к системе массового обслуживания (СМО) у которой по условиям задачи всего один свободный канал (взлетная полоса).

## 1. Основная часть

## 1.1 Обоснование выбора

Как уже было сказано, аэропорт является системой массового обслуживания и нам необходимо смоделировать его работу. Для этих целей применяются программы

имитационного моделирования, как AnyLogic, MTSS (Manufacturing and Transportation Simulation System) и GPSS Word (GPSSW, General Purpose System Simulation World – Мировая общецелевая система моделирования).

Для решения задачи я остановился на использовании GPSS Word как на мощной и универсальной среде моделирования как дискретных, так и непрерывных процессов, предназначенная для профессионального моделирования самых разнообразных процессов и систем.

1.2 Структурная схема модели системы

Что бы лучше понимать условия задачи часто создают структурные схемы. Схема для нашей задачи показана на рисунке 1.

Накопитель с

условием

Самолет

посадка

ТЫ

#### Взлет/посадка

Посадочная

полоса

Буфер 2

Самолет взлет

Обслуженные самолёты

Полет по кругу

Рисунок 1- Структурная схема

## 1.3 Временная диаграмма

Для нашей задачи так же можно построить и временную диаграмму, которая позволит лучше понять какие у СМО могут быть состояния и учесть это при разработке программы имитации.

```
t_{o m}
t<sub>5</sub>
t_{o6}
t<sub>об</sub>
t<sub>об</sub>
t_{o x}
t<sub>об</sub>
tобр
t_1
t_3
t_6
Рисунок 2- Временная диаграмма
На диаграмме:
ось 1 - моменты поступления заявок на взлет;
ось 2 - моменты поступления заявок на посадку;
ось 3 - моменты ожидания освобождение полосы самолётов при взлете;
ось 4 - время полета самолета по кругу;
ось 5 - врем занятости взлетной полосе;
```

## 1.4 Математическая модель

Данную задачу можно так же решить с помощью математической модели. Такое решение считают не очень точным, и мы его сделаем, что бы сравнить с результатами имитационного моделирования. Для решения мы используем формулу:

где - коэффициенты загрузки полосы

- время обслуживание самолета;
- суммарное время занятости полосы;

 Т - Общее имитируемое время работы аэропорта. Это сутки в минутах, то есть 1440.

Для того, что бы посчитать суммарное время занятости полосы нам нужно знать количество обслуженных самолетов. Его мы получим с помощью имитационного моделирования.

## 1.5 Имитационная модель

Итак, как уже было сказано, для моделирования процесса мы будем использовать бесплатную версию программы GPSS Word для студентов.

Нам нужно подсчитывать количество кругов, которое сделал самолет в случае занятости полосы. Для этого объявим переменную, в которой будем его хранить:

INITIAL X\$Circle,0

В данном случае мы так же присвоили ей первоначальное значение, равное 0.

Нам понадобится еще одна переменная, в которую мы будем использовать в статистической таблице. Кроме этого зададим и ее арифметическое выражение - разность текущего значения времени моделирования и предыдущего значения:

AA1 VARIABLE C1-X1;

В нашей системе только один канал/емкость, которым является взлетная полоса, мы сообщаем об этом программе с помощью команды STORAGE:

Runway STORAGE 1

Тут Runway является именем емкости, а единица говорит о том что емкость одна.

Еще нам понадобится статистическая таблица, так же ее объявим:

TAB1 TABLE V\$AA1,5,5,44

Дальше мы будем описывать непосредственно программу имитации. Для этого нам понадобится команда, которая будет имитировать процесс взлета и прилета самолетов. В GPSS это команда GENERATE, которая имеет следующий синтаксис:

GENERATE A,B,C,D,E,F,G,H

Здесь А и В служат для задания интервалов между появлениями заявок, при этом можно использовать один из следующих вариантов:

интервал — равномерно распределенная в диапазоне [AB, A+B] случайная величина;

интервал — значение функции, указанной в В, умноженной на А;

C — задержка в выработке первого транзакта; D — число вырабатываемых источником заявок; E — приоритет заявок. Если D пусто, то число вырабатываемых транзактов неограниченно.

В условиях нашей задачи сказано, что взлетающий самолет имеет больший приоритет перед садящимся. По этому, сначала генерируем вылет с приоритетом 2:

GENERATE 10,2,,,2

10 у нас по условиям задачи это интервал вылетов, у которого может быть отклонения в 2 минуты, которое мы и указываем во втором параметре.

Дальше табулируем нашу таблицу и говорим программе с помощью операнда ENTER, что мы заняли взлетную полосу:

**TABULATE TAB1** 

#### **ENTER Runway**

Так как для взлета нужно некоторое время, а конкретно в нашей задаче оно равно двум минутам имитируем это в нашей программе с помощью команды ADVANCE:

#### **ADVANCE 2**

И после этого освобождаем полосу:

#### **LEAVE Runway**

После чего уничтожаем отработавший транзакт:

#### TERMINATE 0

Далее нам нужно описать блок для прилетающих самолетов. Нам так же понадобится и генерация прилетов, и имитация занятости полосы, но кроме этого добавляется условие об ожидании самолетом обсуждения полосы, в случае ее занятости. По этому, нам понадобятся еще условные и безусловные переходы. Сначала генерируем событие прилета самолетов каждые пять минут плюс/минус 2 минуты с приоритетом 1 и табулируем таблицу:

#### **GENERATE 5,2,,,1**

#### **TABULATE TAB1**

Теперь нужно проверить, не занята ли полоса. Сделать это можно с помощь блока GATE, который проверяет, занят или нет канал. Синтаксис у него следующий:

#### GATE XX A,B

В поле операции блока GATE записывается слово GATE и через пробел - символ проверяемого условия.

Существует десять условий, которые проверяются в блоке GATE для оборудования:

NU - устройство свободно (т.е. не используется),

U - устройство не свободно (т.е. используется),

NI - устройство не захвачено,

I - устройство захвачено,

SE - память пуста (все единицы памяти свободны),

SNE - память не пуста,

SF - память заполнена (все единицы заняты),

SNF - память не заполнена,

LR - ключ выключен,

LS - ключ включен.

В поле А блока GATE записывается номер или имя проверяемого объекта. Но нам в программе это предстоит делать не однократно. По этому даем блоку имя Free, что бы можно было к нему вернуться по имени:

Free GATE SNF Runway, Busy

В случае если полоса свободна, будут выполнятся команды из этого блока расположенные ниже. В противном случае управление передастся на блок Busy, который мы опишем чуть позже. И так команды, если линия свободна:

ENTER Runway; Занимаем очередь на полосу

ADVANCE 2; Задерживаем очередь на 2 минуты

LEAVE Runway; Освобождаем очередь на полосу

TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт

Теперь опишем блок Busy. Если полоса занята, на нужно в первую очередь увеличить количество кругов на 1.

Busy SAVEVALUE Circle+,1

Именуем блок, и с помощью оператора SAVEVALUE увеличиваем значение переменной Circle на еденицу. Вернемся к условию задачи. В ней сказано, что самолет не будет все время ждать, когда освободится полоса. Если он сделает 5 кругов и полоса за это время не освободится, он улетит на запасной аэродром. По этому, после захода на следующий круг нам нужно проверить, а сколько же уже кругов мы сделали? Мы для этого воспользуемся оператором перехода TEST, имеющий следующий синтаксис:

#### TEST XX A,B,C

В соответствии с ним переход к оператору, помеченному меткой С, происходит, если не выполняется условие А ХХ В, где ХХ {E, NE, L, LE, G, GE}; Е — равно; NE — неравно; L — меньше; LE — меньше или равно; G — больше; GE — больше или равно (XX всегда размещается в позициях 13 и 14).

Наш код будет выглядеть:

TEST L X\$Circle,5,Flies

Если значение переменной Circle будет меньше 5, то будут выполнятся команды из этого блока расположенные ниже. В противном случае управление передастся на блок Flies, который мы опишем чуть позже. И так команды, если кругов меньше 5:

ADVANCE 4;

TRANSFER ,Free:

Указываем программе, что на круг уходит 4 минуты. После чего безусловно переходим к блоку проверки свободна ли полоса, который мы описали раньше.

Нам осталось описать блок, который будет выполняться в случае если самолет не дождался освобождения полосы и улетел на запасной аэродром. Он очень прост, нам нужно всего лишь спросить значение переменной Circle в ноль, для последующего использования и уничтожить транзакт.

Flies SAVEVALUE Circle,0

TERMINATE 0

Теперь укажем программе что моделирование нужно провести за полные сутки. Время моделирования указывается в минутах:

**GENERATE 1440** 

Теперь можно стартовать моделирование:

**TERMINATE 1** 

START 1

На рисунке 3 полный листинг нашей программы в рабочем окне программы WPSS World.

```
Аэропорт
 INITIAL X$Circle,0; Инициализурем переменную с количеством кругов
 АА1 VARIABLE C1-X1; Описываем переменную. Задаем арифметическое выражение - разность т
 Runway STORAGE 1; Создаем емкость, полосу.
 ТАВ1 TABLE V$AA1,5,5,44; Создаем дополнительную статистическую таблицу.
 GENERATE 10,2,,,2; Генерируем транзакт взлета самолета
 TABULATE TAB1; Блок табулирования времени
 ENTER Runway; Занимаем очередь на полосу
 ADVANCE 2; Задерживаем очередь на 2 минуты
 LEAVE Runway; Освобождаем очередь на полосу
 TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт
 GENERATE 5,2,,,1; Генерируем транзакт посадки самолета
 TABULATE TAB1; Блок табулирования времени
 Free GATE SNF Runway, Busy; Проверяем, свободна ли полоса, если нет, идем к сегменту Ви
 ENTER Runway; Занимаем очередь на полосу
 ADVANCE 2; Задерживаем очередь на 2 минуты
 LEAVE Runway; Освобождаем очередь на полосу
 TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт
 Busy SAVEVALUE Circle+,1; Если поплоса занята для посадки, то увеличиваем количество к
 TEST L X$Circle, 5, Flies; Проверяем количество кругов, если кург уже 5-й, улетаем на за
 ADVANCE 4; Делаем круг за 4 минуты
 TRANSFER , Free; Безусловно переходим к блоку проверки свободна ли полоса
 Flies SAVEVALUE Circle,0; Если улетели на запасной, сбрасываеи счетчик кругов
 TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт
 GENERATE 1440; Проверям за целые сутки, 1440 минут
 TERMINATE 1
 START 1
```

Рисунок 3.

## 1.6 Анализ результатов моделирования

Выполняем симуляцию и получаем следующий отчет:

GPSS World Simulation Report - Аэропорт.23.1

Thursday, May 28, 2015 15:51:32

START TIME END TIME BLOCKS FACILITIES STORAGES

0.000 1440.000 21 0 1

LABEL LOC BLOCK TYPE ENTRY COUNT CURRENT COUNT RETRY

- 1 GENERATE 143 0 0
- 2 TABULATE 143 0 0
- 3 ENTER 143 0 0
- 4 ADVANCE 143 1 0
- 5 LEAVE 142 0 0
- 6 TERMINATE 142 0 0
- 7 GENERATE 289 0 0
- 8 TABULATE 289 0 0
- FREE 9 GATE 417 0 0
- 10 ENTER 257 0 0
- 11 ADVANCE 257 0 0
- 12 LEAVE 257 0 0
- 13 TERMINATE 257 0 0
- BUSY 14 SAVEVALUE 160 0 0
- 15 TEST 160 0 0
- 16 ADVANCE 128 0 0
- 17 TRANSFER 128 0 0
- FLIES 18 SAVEVALUE 32 0 0
- 19 TERMINATE 32 0 0
- 20 GENERATE 1 0 0
- 21 TERMINATE 1 0 0
- STORAGE CAP. REM. MIN. MAX. ENTRIES AVL. AVE.C. UTIL. RETRY DELAY
- RUNWAY 1 0 0 1 400 1 0.554890 0.55489 0 0

#### TABLE MEAN STD.DEV. RANGE RETRY FREQUENCY CUM.%

TAB1 724.582057 414.400955 0

5.000000 - 10.000000 1 0.23

10.000000 - 15.000000 2 0.69

15.000000 - 20.000000 1 0.93

20.000000 - 25.000000 2 1.39

25.000000 - 30.000000 2 1.85

30.000000 - 35.000000 1 2.08

35.000000 - 40.000000 1 2.31

40.000000 - 45.000000 2 2.78

45.000000 - 50.000000 1 3.01

50.000000 - 55.000000 2 3.47

55.000000 - 60.000000 1 3.70

60.000000 - 65.000000 2 4.17

65.000000 - 70.000000 1 4.40

70.000000 - 75.000000 2 4.86

75.000000 - 80.000000 1 5.09

80.000000 - 85.000000 2 5.56

85.000000 - 90.000000 1 5.79

90.000000 - 95.000000 2 6.25

95.000000 - 100.000000 1 6.48

100.000000 - 105.000000 2 6.94

105.000000 - 110.000000 1 7.18

- 110.000000 115.000000 2 7.64
- 115.000000 120.000000 0 7.64
- 120.000000 125.000000 3 8.33
- 125.000000 130.000000 2 8.80
- 130.000000 135.000000 1 9.03
- 135.000000 140.000000 2 9.49
- 140.000000 145.000000 1 9.72
- 145.000000 150.000000 1 9.95
- 150.000000 155.000000 2 10.42
- 155.000000 160.000000 2 10.88
- 160.000000 165.000000 1 11.11
- 165.000000 170.000000 2 11.57
- 170.000000 175.000000 1 11.81
- 175.000000 180.000000 2 12.27
- 180.000000 185.000000 1 12.50
- 185.000000 190.000000 2 12.96
- 190.000000 195.000000 1 13.19
- 195.000000 200.000000 2 13.66
- 200.000000 205.000000 2 14.12
- 205.000000 210.000000 2 14.58
- 210.000000 215.000000 0 14.58
- 215.000000 369 100.00

На рисунке 4 отображены все блоки нашей программы с результатами их выполнения.

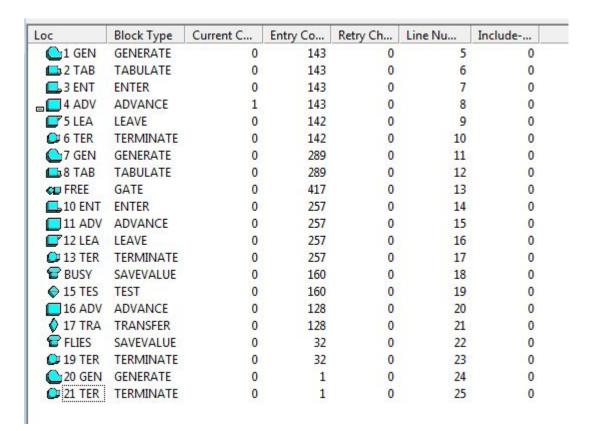


Рис. 4

Теперь мы видим такие результаты:

- Количество обслуженных самолетов равно 432;
- Взлетевших самолетов 143;
- Севших самолетов 289;
- Самолетов ушедших на следующий круг 160;
- Самолетов улетевших на запасной аэродром 32;
- Коэффициент загрузки полосы 0,55489

И можем сделать вывод, что у полосы еще есть запас загрузки, но тем не менее на запасной аэродром улетает около 10% всех прилетевших самолетов.

# 1.7 Сравнение результатов имитационного моделирования и математической модели

Вычислим по формуле коэффициент загрузки по математической модели:

Мы видим, что результат отличается.

### Заключение

Имитационное моделирования в значительной степени облегчает исследование различных процессов. Кроме этого она дает более точные результаты, чем математическое моделирование. И именно моделирование следует променять для решения задач связанных с системами массового обслуживания, которые очень часто встречаются в нашей реальной жизни. Например с помощью имитационного моделирования руководство Call-центра может рассчитать нагрузку на операторов и их минимальное количество при определенном объеме входящих звонков.

GPSS World – это общецелевая система моделирования, значительно облегчающая процесс создания и выполнения программ имитационного моделирования. Она очень гибкая, и с ее помощью можно смоделировать практически любую ситуацию.

Студенческая версия системы GPSS World так же эффективна, как и коммерческая, и на сегодняшних персональных компьютерах выполняется в тысячу раз быстрее, чем работала оригинальная версия GPSS/PC в 1984 году.

## Список литературы

- 1. Кудрявцев E. M. GPSS World Основы имитационного моделирования различных систем. М.: ДМК Пресс, 2004.
- 2. Советов Б.Я., Яковлев С. А. Моделирование систем. М.:Высш. шк.,1995.

## Приложение 1

Полный листинг программы:

INITIAL X\$Circle,0; Инициализурем переменную с количеством кругов

A1 VARIABLE C1-X1; Описываем переменную. Задаем арифметическое выражение - разность текущего значения времени моделирования и предыдущего значения

Runway STORAGE 1; Создаем емкость, полосу

TAB1 TABLE V\$AA1,5,5,44; Создаем дополнительную статистическую таблицу

GENERATE 10,2,,,2; Генерируем транзакт взлета самолета

TABULATE TAB1; Блок табулирования времени

ENTER Runway; Занимаем очередь на полосу

ADVANCE 2; Задерживаем очередь на 2 минуты

LEAVE Runway; Освобождаем очередь на полосу

TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт

GENERATE 5,2,,,1; Генерируем транзакт посадки самолета

TABULATE TAB1; Блок табулирования времени

Free GATE SNF Runway, Busy; Проверяем, свободна ли полоса, если нет, идем к сегменту Busy

ENTER Runway; Занимаем очередь на полосу

ADVANCE 2; Задерживаем очередь на 2 минуты

LEAVE Runway; Освобождаем очередь на полосу

TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт

Busy SAVEVALUE Circle+,1; Если полоса занята для посадки, то увеличиваем количество кругов на 1

TEST L X\$Circle,5,Flies; Проверяем количество кругов, если круг уже 5-й, улетаем на запасной

ADVANCE 4; Делаем круг за 4 минуты

TRANSFER ,Free; Безусловно переходим к блоку проверки свободна ли полоса

Flies SAVEVALUE Circle,0; Если улетели на запасной, сбрасываем счетчик кругов

TERMINATE 0; Уничтожаем транзакт

GENERATE 1440; Проверяем за целые сутки, 1440 минут

**TERMINATE 1** 

START 1